# Probabilidad y Estadística (C)

## Trabajo en laboratorio

Enunciado 1. A orillas del río Reconquista yacen numerosas industrias, de las cuales el %70 no cumple con alguna de las normas establecidas para arrojar residuos al río. Un inspector visita 30 de ellas.  
(a) Estimar la probabilidad de que más de 18 estén en infracción. Estimar cuántas industrias debe visitar el inspector para que tal probabilidad sea mayor a 0.95.

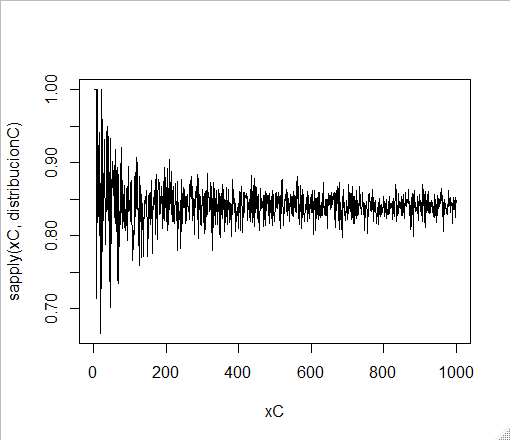
La probabilidad de que más de 18 estén en infracción es de 0.84 aproximadamente.  
Para que tal probabilidad sea mayor a 0.95, el inspector debería visitar al menos 33 industrias.

(b) Resolver el ítem anterior usando R y calcularlo de manera exacta.

Según R, la probabilidad exacta de que más de 18 estén en infracción es de 0.8406782.

Para asegurarse de que hayan 18 industrias en infracción con un 95% de probabilidad, el inspector necesita visitar al menos 21 industrias.

(c) Graficar la convergencia de la primera estimación.



Enunciado 2. Para apreciar aún un poco más la Ley de los Grandes Números, realizar el siguiente experimento:   
(a) Considerar dos observaciones x1 y x2 de variables aleatorias X1 y X2 independientes con distribución E(λ) (para algún λ a elección) y guardar el promedio de ambas, es decir, x2. Repetir 1000 veces y a partir de los valores obtenidos realizar un histograma, un box-plot y un QQ-plot. ¿Qué características tienen?   
(b) Aumentar a cinco las variables promediadas, es decir, considerar ahora n = 5 observaciones de variables aleatorias independientes con la misma distribución del ítem anterior y guardar x5. Repetir 1000 veces y realizar un histograma, un box-plot y un QQ-plot para los valores obtenidos. Comparar con los obtenidos en el ítem anterior. ¿Qué se observa?   
(c) Aumentar a n = 30 el número de observaciones de v.a.i.i.d. y repetir el ítem anterior. Repetir con n = 500.  
(d) ¿Qué pasaría si se siguiera aumentando el tamaño de la muestra?   
(e) Por último, hacer un box-plot de los 4 conjuntos de datos en el mismo gráfico (es decir, “box-plots paralelos”).

Enunciado 3. El teorema central del límite nos dice que cuando hacemos la siguiente transformación con los promedios: Xn − E(X1) q Var(X1) n la distribución de esta variable aleatoria se aproxima a la de la normal estándar si n es suficientemente grande. Comprobaremos mediante una simulación este resultado.   
(a) Calcular la esperanza y varianza de X1 donde X1 es la misma distribución que en el ejercicio 2.   
(b) Realizar la transformación mencionada en los 4 conjuntos de datos del ítem 2 y graficar box-plots paralelos y QQ-plots.   
(c) Realizar 4 histogramas y a cada uno de ellos superponerle la densidad de la normal estándar.   
(d) Explicar los resultados obtenidos.

Enunciado 4. Sea ( P Ui)i∈N una sucesión de variables aleatorias uniformes en [0, 1]. Definimos N = ínf{n ∈ N : n i=1 Ui ≥ 1}. Realizar simulaciones de la variable aleatoria N y estimar E(N).

Enunciado 5. Se compararon tres dietas respecto al control de azúcar en la sangre en pacientes diabéticos. En el archivo estad descriptiva.txt se encuentran los valores de glucosa para las tres dietas consideradas (A, B, C), que contienen las lecturas de glucosa en la sangre de los pacientes. Es deseable que el paciente tenga valores entre 80 — 110 mg/dl.  
(a) Cargue los datos al R.   
(b) Para cada una de las tres dietas calcule medidas de centralidad: la media, la mediana, la media α-podada para α = 0.1, 0.2. Para cada dieta compare los valores obtenidos de las cuatro medidas de posición, si observa una notable diferencia ¿a qué podría deberse?   
(c) Calcule medidas de dispersión: el desvío estándar, la distancia inter-cuartil (o inter-cuartos) y la MAD en cada una de las dietas. Compare los valores de dispersión obtenidos, si observa una notable diferencia ¿a qué podría deberse? ¿Cuál de las dietas parece ser la más estable?   
(d) Obtenga los percentiles 10, 25, 50, 75 y 90. Compare los valores de los percentiles obtenidos entre las distintas dietas.   
(e) Construya histogramas que permitan visualizar los valores de glucosa para cada dieta. Compare la distribución de glucosa. En alguna de ellas ¿parece haber valores alejados? ¿Las dietas mantienen a los pacientes en los valores deseados? ¿La distribución de glucosa es asimétrica en alguno de los grupos? ¿En algún caso el ajuste normal parece razonable? Realice los diagramas de tallo-hoja correspondientes.   
(f) Grafique los box-plots correspondientes. ¿Cómo se compara la información que dan estos gráficos con la obtenida con los histogramas? En base a los gráficos obtenidos, discuta simetría, presencia de outliers y compare dispersiones nuevamente.   
(g) Grafique los qq-plots correspondientes. ¿En algún caso el ajuste normal parece razonable?   
(h) En base al análisis anterior, ¿cuál le parece la dieta más aconsejable?